

Kryptographie

Inhalt der Vorlesung

I Einführung in die Kryptographie

- symmetrische und asymmetrische Verschlüsselungsverfahren;
Bsp.: die Verschiebungschiffre; Kryptoanalyse
- Blockchiffren;
Bsp.: die Vigenere-Chiffre
- Perfekte Geheimhaltung;
One-Time-Pad, der Satz von Shannon
- Kriterien für die Sicherheit eines Kryptosystems
- Angriffsarten: Ciphertex-Only, Known-Plaintext,
Chosen-Plaintext, Chosen-Ciphertext
- Bsp.: Affine Chiffren
- Konfusion/Diffusion
- Moderne Blockchiffren:
Produktch., Feistel-Ch., DES
- Pseudo-Zufallsfolgen:
 - * Kryptographische Sicherheit
 - * Randomisieren von Blockchiffren
 - * Bsp.: der BBS-Generator
 - * Bsp.: lineare u. nichtlineare Schieberegisterfolgen

II Elementare Zahlentheorie

- Teilbarkeit;
Euklidischer Alg., Eindeutigkeit der Primfaktorzerlegung
- Rechnen mit Kongruenzen:
 - * Chinesischer Restesatz
 - * Struktur von $(\mathbb{Z}/N)^\times$
 - * schnelles Exponentieren
- Primzahlsatz
- quadratische Reste

- endliche Körper

III Kryptosysteme mit öffentlichem Schlüssel

- Einwegfunktionen
- RSA-Verschlüsselung
- Faktorisieren:
 - * Pollardsche ρ -Methode
 - * $(p - 1)$ - und $(p + 1)$ -Methode
 - * das quadratische Sieb
- Diffie-Hellman-Schlüsselaustausch, El-Gamal-Verschlüsselung
- Der diskrete Logarithmus:
 - * Babystep-Giantstep-Alg.
 - * Pollardsche ρ -Methode
 - * Pohlig-Hellman-Reduktion
 - * Index-Kalkül
 - * Zahlkörpersieb
- Elliptische Kurven:
 - * affine und projektive ebene Kurven
 - * Additionsgesetz auf elliptischen Kurven
 - * diskreter Logarithmus auf elliptischen Kurven
 - * Schoof-Algorithmus
 - * die Höhenfunktion verhindert Index-Kalkül
 - * MOV-Attacke
 - * anormale Attacke